

<<小波数值方法及应用>>

图书基本信息

书名：<<小波数值方法及应用>>

13位ISBN编号：9787030350213

10位ISBN编号：7030350219

出版时间：2012-6

出版时间：科学出版社

作者：梅树立 等著

页数：176

字数：241500

版权说明：本站所提供下载的PDF图书仅提供预览和简介，请支持正版图书。

更多资源请访问：<http://www.tushu007.com>

<<小波数值方法及应用>>

内容概要

《小波数值方法及应用》系统地描述了求解偏微分方程的一种高效数值计算方法——小波数值解法，分别介绍了求解偏微分方程的单尺度小波方法和自适应小波配置法及其在工程上的应用。

《小波数值方法及应用》总结了作者近年来应用小波数值方法求解土壤坡面侵蚀模型、Black-Scholes模型、图像处理模型等方面的科研成果，突出了数值求解方法自适应性的鲜明特色。

《小波数值方法及应用》内容上力求做到深入浅出、通俗易懂,不仅具有一定的广度和深度，而且也反映了工程中偏微分方程模型求解的新问题，介绍了学科前沿的新应用成果。

《小波数值方法及应用》第1章系统地描述了“偏微分方程数值求解方法”的理论体系及工程中应用的偏微分方程模型；第2~4章分别介绍了三种区间插值小波的构造方法、基于精细积分技术的同伦摄动法、求解偏微分方程的小波精细积分法；第5~6章给出其在诸多非线性问题上的应用，涉及细沟侵蚀过程模型、图像降噪模型、图像分割模型等问题。

《小波数值方法及应用》可供研究领域涉及非线性问题的科学家、工程师以及应用数学、图像处理领域的教师和研究生参考。

<<小波数值方法及应用>>

书籍目录

前言第1章 绪论1.1 偏微分方程的小波数值解法发展概况1.1.1 偏微分方程的单层小波数值方法1.1.2 偏微分方程的自适应小波方法1.1.3 小波数值方法中边界条件的处理1.2 精细积分法的发展及应用1.2.1 指数矩阵精细算法1.2.2 精细积分法在非线形动力方程求解中的应用1.2.3 精细积分法在偏微分方程求解中的应用1.2.4 精细积分法在结构随机振动响应分析中的应用1.3 非线性随机有限元法的发展概况1.3.1 随机有限元法1.3.2 非线性方程的线性化1.4 工程中的偏微分方程模型1.4.1 土壤坡面侵蚀模型研究概述1.4.2 Black-Scholes模型1.4.3 图像处理的偏微分方程方法参考文献第2章 区间插值小波的构造2.1 插值小波变换的定义2.1.1 小波变换2.1.2 插值小波变换的定义2.2 基于广义变分原理的拟Shannon区间小波构造2.2.1 拟Shannon区间小波的构造2.2.2 拟Shannon区间小波中参数的选择2.3 基于牛顿插值的动态区间小波构造2.3.1 区间插值小波的数值逼近误差分析2.3.2 动态区间小波的构造2.3.3 数值结果分析与讨论2.4 基于差分的区间插值小波构造2.4.1 区间插值小波的构造原理2.4.2 基于差分的区间插值小波构造2.4.3 数值实验结果分析参考文献第3章 基于精细积分技术的同伦摄动法3.1 结构非线性动力方程的精细积分计算3.2 同伦算法的基本原理3.3 基于精细积分的同伦摄动方法3.3.1 基本原理3.3.2 和其他方法的对比3.3.3 改进的渐近数值方法3.4 数值算例及讨论3.5 小结参考文献第4章 求解偏微分方程的小波精细积分法4.1 偏微分方程的区间小波自适应精细积分法4.1.1 非线性偏微分方程的区间拟Shannon小波空间离散4.1.2 非线性常微分方程组的自适应精细时程积分法求解4.1.3 数值结果及讨论4.1.4 小结4.2 基于同伦摄动技术的Burgers方程的小波精细积分算法4.2.1 算法基本原理4.2.2 数值结果及讨论4.2.3 小结4.3 求解非线性偏微分方程的自适应小波精细积分法4.3.1 基于拟Shannon小波的自适应插值基函数的构造4.3.2 偏微分方程的空间自适应离散格式4.3.3 数值结果和讨论4.4 求解非线性Black-Scholes模型的自适应小波精细积分法4.4.1 非线性Black-Scholes方程4.4.2 非线性模型的分析及参数变换4.4.3 基于quasi-Shannon小波的自适应插值基函数的构造4.4.4 数值结果及讨论4.4.5 结论参考文献第5章 细沟侵蚀随机水力模型的小波摄动法分析5.1 细沟侵蚀过程仿真模型5.1.1 基本方程5.1.2 泥沙运移方程5.1.3 不考虑宽度变化时的细沟侵蚀数学模型5.1.4 边界条件和初始条件5.2 细沟侵蚀过程仿真模型小波离散格式5.3 细沟侵蚀过程仿真模型的小波随机摄动法分析5.3.1 细沟水流深度 h 5.3.2 细沟水流速度 u 5.3.3 细沟水流中泥沙浓度 c 5.3.4 数值结果分析参考文献第6章 二维多尺度小波插值算子的构造及应用6.1 二元张量积小波分析6.2 二维偏微分方程的小波配置法6.3 任意多边形区域上二维偏微分方程的小波配置法6.3.1 虚拟区域法基本原理6.3.2 数值实验6.4 用于随机振动分析的小波数值方法6.4.1 FPK方程的离散6.4.2 FPK方程离散形式的求解6.4.3 数值算例6.5 图像降噪的小波精细积分方法6.5.1 基于热传导方程的图像降噪6.5.2 精度和效率分析6.6 遥感影像降噪的自适应小波精细积分方法6.6.1 quasi-Shannon多层插值小波算法6.6.2 数值实验结果和讨论6.6.3 结束语6.7 改进的CV模型及其在高分辨率遥感影像分割中的应用6.7.1 CV模型6.7.2 改进的CV模型6.7.3 实验结果与分析6.7.4 结束语6.8 洋葱图像分割小波精细积分法及其对比研究6.8.1 图像分割的小波精细积分法6.8.2 洋葱感染区域分割实验及讨论6.8.3 结束语参考文献附录

<<小波数值方法及应用>>

章节摘录

第1章 绪论 1.1 偏微分方程的小波数值解法发展概况 偏微分方程数值解是计算数学最活跃的分支之一，应用最广泛的数值方法是有限元方法（

nitelementmethod, FEM）、有限差分法等[1, 2]。

在处理非奇异偏微分方程（尤其是椭圆型和抛物型方程）方面，有限元方法可以说是尽善尽美了。

但是对奇异情形却有许多不尽人意之处。

例如，在处理奇异情形的最常用方法——局部加密网格法，一般要预先知道解的奇异程度。

小波逼近作为一种求解偏微分方程的潜在的高效数值计算技术，已引起人们的广泛关注[3~49]。

由于小波同时在空域和频域具有局部化特性，所以当求解在空间域和时间域具有剧烈变化甚至奇异性的问题时，采用小波方法似乎是理想选择。

从已有的文献来看，用于偏微分方程求解的小波方法可以分为两大类，一类不具有自适应性质，可称之为单尺度或单层小波方法；另一类是自适应小波配置法。

1.1.1 偏微分方程的单层小波数值方法 采用小波逼近法求解偏微分方程时，较简单的方法是直接将小波函数或小波函数对应的尺度函数作为试函数应用于传统的有限元方法中[50~54]。

由于小波函数具有紧支撑性，所以得到的有限元刚度矩阵是带状矩阵；如果采用的小波函数是正交小波（如Daubechies小波），则偏微分方程的小波有限元离散格式中的刚度矩阵是稀疏矩阵，从而使计算速度大大提高。

对这种方法来说，小波的选择非常重要。

在20世纪90年代初期，大多数求解偏微分方程的小波逼近算法都是基于Daubechies小波的，Daubechies小波最大的优点是同时具有正交性和紧支撑性；其缺点是没有解析表达式，其导函数同样没有解析表达式，并且求解过程非常复杂[53~57]，这就使小波方法很难应用于高阶微分方程的求解中。

因此，只有找到一种具有解析表达式同时又具有紧支撑特性的正交小波，这种方法才有意义。

由Wei提出的拟Shannon小波[58]虽然不是一种纯粹意义上的小波，但它符合插值小波的定义，同时具备紧支撑性和正交性。

文献[59]用这种拟小波求解了方程的解具有很大梯度的一般Burgers方程和修正Burgers方程，计算结果显示该小波对数值求解有局部急剧变化的非线性偏微分方程问题有巨大潜力。

1.1.2 偏微分方程的自适应小波方法 自适应小波方法能充分发挥小波变换对信号突变识别的特性，在用自适应小波有限元求解偏微分方程时，可大大缩减有限元格式中刚度矩阵的规模，从而提高计算效率

。

因此，这种方法是当前研究的热点。

在用小波数值方法求解偏微分方程时，无法直接使用信号处理中的小波快速变换方法。

因此，设计自适应小波数值方法的关键是构造一离散小波变换（DWT），DWT将函数值映射到小波系数空间中去，以便通过最终的小波展开式插值得到函数值。

此外，如何在不同大小的网格交界处找到一个稳定、精确的插值算子也是构造自适应算法的难点之一

。

有关这方面的论文有很多，其中比较有特色的是Cai[60]和Vasilyev[61]的工作。

Cai构造的小波变换是基于以下空间 $H_2(l)$ 中的三次样条区间小波基[14]：
$$\phi_j(x) = N_4(x) = 61.4j. (1) j(x, j) 3 (1.1.1) + , j=0 \quad b(x) = 3x211x3+3 (x.1) 33 (x.2) 3 (1.1.2) ++ , 2+.122+.4$$

其中 $\phi_j(x)$ 为尺度函数， $b(x)$ 为边界尺度函数。

由于该尺度函数对应的小波具有以下点消失矩性质：
$$\int \phi_j(x) dx = 1, \quad \int \phi_j(x) x^k dx = 0, \quad j, k(x(kj)) = 1, \quad j, k(x(i)) = 0, \quad .1.l.ni.2, i.0; 1.l.L.1, i=.1, (1.1.3) \quad |$$
 所以该DWT的计算时间复杂度仅为 $O(N \log N)$ ，其中 N 为未知变量的总数。

偏微分方程中的非线性项在物理空间很容易被处理，而这些非线性项的导数在小波空间非常容易得到

。

因此，基于此变换构造的样条小波配置法可以处理非线性问题和各种边界条件。

Vasilyev[61]几乎和Cai同时研究了另外一种求解偏微分方程的自适应小波配置方法，提出了处理一般边

<<小波数值方法及应用>>

法。

精细时程积分法是一种逐步时程积分的精细算法，其核心是对于指数函数 $\exp(H \cdot t)$ 的计算，其中 H 为给定矩阵。

矩阵指数函数应用广泛，其计算被认为是计算数学中的一个较难的课题。

精细积分算法放弃了通常的差分格式，通过 $2N$ 运算的思想达到对指数矩阵的求解，算法简单且计算精度很高，对于线性定常系统的解答达到了计算机字长范围内几乎是精确的数值解。

近年来，该算法在计算动力学问题、最优控制问题以及偏微分方程中得到广泛应用。

尽管指数矩阵的精细积分方法简单实用，但效率和计算精度很高，文献[64]，[65]还是先后对其作了进一步的完善和发展。

文献[64]从Shannon采样定理出发，对该方法的参数选择进行了优化，给出了 N 的简单选择公式，并指出实际误差随时间线性增长。

文献[65]则通过改进PSSA (pade-scalingandsquaring-approximation) 方法，使之和PIM方法统一起来，在此基础上改进了PIM方法，从而使用者在应用该方法进行实际问题分析时，可不必考虑时间步长的大小，同时还给定了其他参数的选取数表。

1.2 精细积分法的发展及应用5 1.2.2 精细积分法在非线形动力方程求解中的应用[68 ~ 72] 精细积分法在非线形问题中的应用已有了很大的发展。

在非线形动力学问题的计算研究中，一直是解析法占主导地位，而直接的数值积分技术发展相对滞后。

已有的一些数值计算方法（如摄动法、多尺度法等）的计算精度一直不能令人满意，影响其计算精度的主要原因除了非线形方程的线性化精度外，还有线性化方程本身的计算精度问题。

文献[86]率先提出了一种非线形系统精细积分的方法，但未涉及时变参数系统的计算，其实质是将非线形项作非齐次项处理，即假定非齐次项在时间步 (t_k, t_{k+1}) 内是线性的，然后就可直接使用文献[79]给出的非齐次结构动力方程的精细时程积分法求解。

文献[69]，[70]则在此基础上向前推进了一步，考虑了 H 中含有时变参数的情况，叙述如下：针对以下结构动力方程： $M\ddot{x} + G\dot{x} + Kx = r(t)$ ， $x(0) = \dots$ ， $\dot{x}(0) = \dots$ ，(1.2.1) 其中 x 为 n 维向量， M 为质量矩阵（正定、对称）， G 为阻尼矩阵（半正定、对称）和陀螺矩阵（反对称）之和， K 为刚度矩阵（半正定、对称）， $r(t)$ 为随时间变化的载荷向量， \dots 和 \dots 为已知的初始条件。

在哈密顿体系下，根据哈密顿正则方程，可以将方程(1.

2.

1) 化成如下一阶常微分方程组： $\dot{y} = H \cdot y + f$ ， $y(0) = y_0$ ，(1.2.2) 其中矩阵 H 为时间 t 和变量 y 的函数。

为了能使用精细积分法，对矩阵 H 作如下分解： $H(t, y) = H_0 + H_1(t, y)$ ，(1.2.3) 其中 H_0 为常矩阵。

将式(1.2.3)代入方程(1.2.2)有 $\dot{y} = [H_0 + H_1(t, y)] \cdot y + f = H_0 \cdot y + f + H_1(t, y) \cdot y$ 。(1.2.4) 以上过程的实质就是将方程的非线形部分转化到载荷向量中。

显然，式(1.2.4)可以直接使用文献[62]中的公式(20) ~ (24)求解。

文献[72]给出的方法没有转移非线形部分，而是在 $[t_k,$

$t_{k+1}]$ 区间内认为 $H(t, y) = H(t_k, y_k)$ 。

该近似引起的误差通过迭代法来校正，增大了计算工作量。

1.2.3 精细积分法在偏微分方程求解中的应用[78 ~ 87] 偏微分方程数值求解通常用有限差分法、有限元法和边界元法等。

对于抛物型或双曲型方程的时间坐标，大多采用差分类方法求解。

差分法的优点是在一个时间步长内，对于一个给定点来说，其相关的空间点只是与该点相邻的几点，而不是全部的空间点。

也就是说，其对应的矩阵具有窄带宽。

有限元方法有同样的优点。

精细积分法则走向了另一个极端。

<<小波数值方法及应用>>

求解偏微分方程不必对全部坐标都离散化,对于有时间坐标的定域问题,可以先对空间域用有限元或差分法离散,建立起对时间的常微分方程组,然后对常微分方程组采用精细积分法求解,这是一种半解析法。

当空间离散后未知数非常多时,其计算工作量及存储占用大量增加,这成为半解析法使用的障碍。

差分法具有带宽小的优点,但存在稳定性和计算精度方面的问题。

为此,钟万勰提出了子域精细积分法[79, 80],对不太大的时间步长 Δt 精度损失不大。

因此,子域精细积分法既可以利用精细积分的数值优点,又有带宽小的好处,从而使精细积分法的应用成为可能。

文献[83]针对热传导方程分析了子域精细积分的稳定性,证明了单点、二点、三点子域精细积分的蛙跳格式都是无条件稳定的,而对应的差分蛙跳格式则是不稳定的。

文献[86]给出了不同差分格式在单内点精细积分一般公式中的同一表达,并进行了数值计算,从计算结果中发现单内点精细积分法不如相应的最好的差分格式的计算精度高。

因此,文献[82]研究了六点精细积分法及多层精细积分法的截断误差及稳定性,提出了单内点精细积分的改进格式,精度较原格式有较大提高。

另外一种适合偏微分方程求解的精细积分方法是子结构精细积分方法[87]。

根据子结构的概念,将结构分成若干个子结构,子结构间通过界面的物理量相联系,然后对各子结构分别进行指数矩阵的计算,从而也可以大幅度降低指数矩阵的运算量和存储量。

该方法主要应用于子域选取比较困难的有限元方法。

以上算法均以热传导方程为例,没有涉及非线性偏微分方程的求解。

1.2.4 精细积分法在结构随机振动响应分析中的应用[73~77] 林家浩和张亚辉首先将精细积分方法和自己提出的虚拟激励算法相结合,对受演变随机激励结构的非平稳随机响应进行了分析[76]。

该方法首先采用虚拟激励法将这类结构问题转化为受确定性载荷结构的动力分析初值问题,然后采用精细积分法进行求解。

为了进一步提高计算效率,林家浩还针对一些常用的演变随机激励调制函数,推导了相应的精细时程积分格式,并对这些格式进行混合应用,从而对于快速交变的虚拟激励仍可以取很大的时间步长而得到计算机精度的结构响应时变功率谱数值解。

方法简单,计算效率比传统的方法有数量级的提高。

张森文和曹开彬针对线性系统的随机振动提出了精细积分时域平均法[74]。

所谓精细积分时域平均法,其基本思想就是利用响应的时域平均来计算响应的统计特征,而时域平均又是通过高精度的精细积分所求得,故称为精细积分时域平均法。

与传统的其他离散积分方法,如随机中心差分方法、随机纽马克差分方法等比较,本方法具有非常高的精度和计算效率,特别是能给出速度响应方差计算的良好结果。

此外,他们还将李杰提出的随机扩阶系统方法和精细积分法相结合,……

<<小波数值方法及应用>>

编辑推荐

《小波数值方法及应用》分别介绍了求解偏微分方程的单尺度小波方法和自适应小波配置法及其在工程上的应用，包括应用小波数值方法求解土壤坡面侵蚀模型、图像处理模型、Black-Scholes模型等方面的科研成果，突出了小波数值求解方法自适应性的鲜明特色。

<<小波数值方法及应用>>

版权说明

本站所提供下载的PDF图书仅提供预览和简介，请支持正版图书。

更多资源请访问:<http://www.tushu007.com>